# Un peu de Chimie : l'équilibre chimique

#### Introduction

On considère un système chimique dans lequel se produit une réaction d'équation générale

# $\alpha A + \beta B \rightleftharpoons \chi C + \delta D$

A partir d'un état dit initial où les réactifs sont mis en présence, le système évolue jusqu'à un état qualifié d'état final. On traduit cette évolution à l'aide de l'avancement x, qui varie donc de 0 à l'avancement final  $x_f$ . Dans cet état, les quantités de matière de chaque réactif et produit restent constants.

Il y a deux raisons possibles pour que l'on atteigne la fin d'évolution du système :

- ► Il se forme autant de réactifs qu'il n'en disparaît. En effet, les réactions chimiques peuvent a priori être réversibles, donc s'effectuer dans les deux sens (sens direct et sens inverse). On dit alors que l'on a atteint un **équilibre chimique et**  $\mathbf{x_f} = \mathbf{x_{\acute{eq}}}$ .
- Un réactif vient à manquer dans le système chimique. On dit qu'il est limitant car c'est par le manque de ce réactif que la réaction s'arrête. Il n'y a plus d'équilibre possible : le système a atteint un état "hors équilibre". La transformation chimique est totale et  $\mathbf{x_f} = \mathbf{x_m}$ , avancement maximal. (Cette situation est souvent rencontrée et bien étudiée en TS).

# I Constante d'équilibre K

## 1) Expression générale

A chaque réaction est associée une constante d'équilibre, qui lie les "activités a" des espèces présentes à l'équilibre chimique. K ne dépend que de la température du milieu et est sans unité.

Vous en connaissez deux : le K<sub>A</sub>, appelé "constante d'acidité" et le K<sub>e</sub> appelé "produit ionique de l'eau.

Les "activités" des espèces chimiques en jeu dépendent de leur état physique. En voici deux :

 $a_X = 1$  si l'espèce (ou l'entité) chimique X est un solide ou un solvant

 $a_X = \frac{[X]}{C_0}$  lorsque X est en solution, avec [X], la concentration molaire de X et  $C_0 = 1$  mol. $L^{-1}$ , la concentration molaire de référence. Dans ce cas, l'activité et la concentration en mol/L ont la même valeur numérique, mais l'activité est une grandeur sans dimension, donc sans unité.

Pour la réaction d'équation générale écrite au début,  $K = \frac{a_C^{\gamma} \cdot a_D^{\delta}}{a_A^{\alpha} \cdot a_B^{\beta}}$ ; les activités étant sans "dimension" donc sans unité, la constante d'équilibre l'est aussi. Cette relation est homogène.

#### 2) Exemples

a) Constante d'acidité

 $\underline{D\acute{e}f}$ : la constante d'acidité  $K_A$  d'un couple A/B est la constante d'équilibre de la réaction entre l'acide de ce couple et l'eau.

- 1. Ecrire l'équation de la réaction entre un acide dissous de formule HA et l'eau.
- 2. Identifier les états physiques des espèces en présence, les nombres stœchiométriques, et exprimer la constante de cette réaction en fonction des activités.
- 3. Remplacer C<sub>0</sub> par 1 mol.L<sup>-1</sup>, l'activité de l'eau-solvant par 1 et retrouver ainsi l'expression simplifiée du K<sub>A</sub> que vous la connaissez, qui semble non homogène....

### b) Produit ionique de l'eau

Déf : le produit ionique de l'eau K<sub>E</sub> est la constante d'équilibre de la réaction d'autoprotolyse de l'eau

- 1. Ecrire l'équation de la réaction d'autoprotolyse de l'eau
- 2. Identifier les états physiques des espèces en présence, les nombres stœchiométriques, et retrouver ainsi l'expression du K<sub>E</sub> en fonction des activités.
- 3. Remplacer C<sub>0</sub> par 1 mol.L<sup>-1</sup>, l'activité de l'eau-solvant par 1 et retrouver ainsi l'expression simplifiée du K<sub>E</sub> que vous la connaissez, qui semble non homogène....

c) Produit de solubilité (non vu en TS)

<u>Déf</u>: le produit de solubilité, noté K<sub>s</sub>, est la constante d'équilibre de la réaction de dissolution d'un solide.

- 1. Ecrire l'équation de la réaction de dissolution du nitrate de plomb Pb(NO<sub>3</sub>)<sub>2 (s)</sub> (formé par les ions Pb<sup>2+</sup> et les ions nitrate NO<sub>3</sub><sup>-</sup>)
- 2. Identifier les états physiques des espèces en présence, les nombres stœchiométriques, et déterminer ainsi l'expression du K<sub>S</sub>. Vérifier que cette relation est bien homogène.
- 3. Remplacer C<sub>0</sub> par 1 mol.L<sup>-1</sup>, l'activité du solide par 1 et en déduire l'expression simplifiée du K<sub>S</sub>, qui semble non homogène....

# II Détermination de la composition de l'état du système à l'équilibre chimique

## 1) Présentation de la méthode générale

Il faut d'abord déterminer la valeur de  $x_{eq}$  telle que l'équation avec la valeur numérique de K soit vérifiée.

- 1. Dresser un tableau d'avancement, exprimer les quantités de matière de chaque espèce pour un état quelconque d'avancement *x*.
- 2. Etablir l'expression de K avec les activités, puis en fonction de x.
- 3. Résoudre l'équation pour obtenir la valeur de  $x_{eq}$ .

S'il n'y a pas de solution à cette équation, cela signifie que l'équilibre n'est pas possible et qu'un réactif limite la réaction !

#### 2) Solution d'acide formique

On prépare une solution d'acide formique HCOOH en plaçant  $n_0 = 0,0100$  mol d'acide formique solide dans  $V \neq 100$  mL d'eau.

- 1. On suppose que tout l'acide formique solide se dissout dans l'eau et se trouve donc sous la forme  $HCOOH_{(aq)}$ . Donner l'équation de la réaction de l'acide formique avec l'eau.
- 2. A l'état initial on suppose avoir uniquement de l'eau et  $HCOOH_{(aq)}$ . Remplir un tableau d'avancement en figurant l'état initial et un état quelconque où l'avancement est x.
- 3. Donner l'expression simplifiée de  $K_A$ , constante d'acidité en fonction des concentrations des espèces à l'équilibre, puis en fonction de  $x_{eq}$  avancement à l'équilibre chimique.
- 4. Déterminer l'équation du second ordre que doit vérifier l'avancement x à l'équilibre. On gardera une formule littérale faisant intervenir, n, V et  $K_A$
- 5. On donne  $K_A = 1,8.10^{-4}$ . Résoudre l'équation pour la seule solution acceptable (commenter).
- 6. En déduire les quantités de matière à l'équilibre chimique de chaque espèce, puis le pH de la solution.

#### 3) pH de l'eau pure

- 1. Associer un tableau d'avancement à la réaction d'autoprotolyse de l'eau, en imaginant un état fictif initial où on n'aurait que de l'eau.
- 2. A partir de l'expression simplifiée du produit ionique, établir la relation entre le K<sub>e</sub> et le pH de l'eau pure à l'équilibre chimique.
- 3. On donne  $K_e = 1,0.10^{-14}$  à 25 °C. En déduire la valeur du pH de l'eau pure.
- 4. Le produit ionique de l'eau augmente avec la température. Comment varie alors le pH de l'eau pure ?

#### 4) Dissolution du nitrate de plomb

On dissout une quantité  $n_0$  de nitrate de plomb dans un volume V = 100 mL de solution. On suppose dans un premier temps qu'il reste du solide et donc que la solution est saturée.

- 1. Associer un tableau d'avancement à la réaction de dissolution.
- 2. Exprimer le produit de solubilité  $K_S$  en fonction de  $x_{eq et} V$ .
- 3. En déduire l'expression de  $x_{eq}$  en fonction de  $K_s$  et V.
- 4. A 20°C,  $K_s = 15.5$ , calculer la valeur de l'avancement à l'équilibre chimique.
- 5. Quelle est la valeur minimale de n<sub>0</sub> pour laquelle la solution obtenue est saturée ?
- 6. Qu'est-ce qui change si  $n_0 > n_{0, min}$ ?
- 7. Le produit de solubilité croit avec la température. Comment varie alors la quantité de solide dissous ?